

演習問題 No.6

学生番号 _____ 氏名 _____

by Miyatake with pL^AT_EX 2_ε

図1のように、直交座標 $\alpha - \beta$ と、それと角 θ をなす座標 $a - b$ を考える。

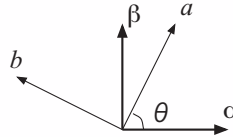


図 1: 座標軸の設定

$$\begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \theta & \sin \theta \\ -\sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha \\ \beta \end{bmatrix} \quad (1)$$

ここで、2つの直交座標軸 $\alpha - \beta, a - b$ を (2) 式の複素数で表す。

$$\gamma = \alpha + j\beta, \quad c = a + jb \quad (2)$$

このとき、(1) 式と (3) 式が同値であることを示す。

$$c = e^{-j\theta} \gamma \quad (3)$$

ただし、 $e^{-j\theta} =$

(3) 式に (2) を代入して計算すると、(4) 式となる。

$$a + jb = \text{} \quad (4)$$

(4) 式から、

$$\left. \begin{aligned} a &= \text{} \\ b &= \text{} \end{aligned} \right\} \quad (5)$$

となり、(1) 式と等しいことが分かる。

なお、 $\theta = \omega t$ で変化する場合でも、(1) 式と (3) 式は同値であるが、さらにその両辺を微分したのも同値となる。余裕があれば裏面にやってみよ。ただし、 $\theta = \omega t, \alpha, \beta$ とも時間変化するのので、その積を微分する際には注意。