

2 2相-2相変換

図1のように、直交座標 $\alpha-\beta$ と、それと角 ωt をなす座標 $d-q$ を考える。(座標 $d-q$ は回転している)

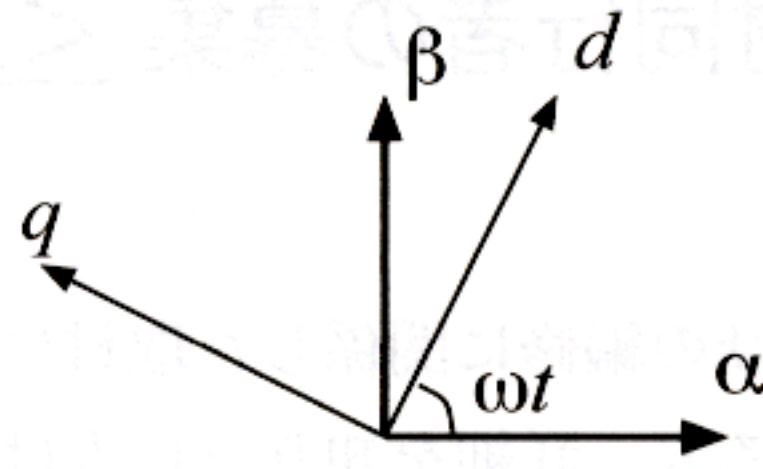


図 1: 座標軸の設定

$$\begin{bmatrix} d \\ q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \omega t & \sin \omega t \\ -\sin \omega t & \cos \omega t \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha \\ \beta \end{bmatrix} \quad (4)$$

ここで、2つの直交座標軸 $\alpha-\beta, d-q$ を (5) 式の複素数で表す。

$$\gamma = \alpha + j\beta, \quad c = d + jq \quad (5)$$

このとき、(4) 式と (6) 式が同値であることを示す。

$$c = e^{-j\omega t} \gamma \quad \cos(-\omega t) + j \sin(-\omega t) \quad (6)$$

ただし、 $e^{-j\omega t} = \boxed{\cos \omega t - j \sin \omega t}$

(6) 式に (5) を代入して計算すると、(7) 式となる。

$$d + jq = \boxed{\alpha \cos \omega t + \beta \sin \omega t} + j \boxed{-\alpha \sin \omega t + \beta \cos \omega t} \quad (7)$$

この実部と虚部を比べると、(4) 式と等しいことが分かる²。よって、2相どうしの変換であれば、複素ベクトルでも扱うことができ、こちらの方が扱いやすいことも多い。

ここで、 $\alpha-\beta$ 軸上においてその値が次のように変化するとき、 $d-q$ 軸上でみた各軸の値をグラフに示せ。 ω は 50[Hz] の交流、すなわち $\omega = 2\pi \cdot 50$ [rad/s] とし、グラフは 1 周期以上描くこと。

- [a] $\gamma = \cos \omega t + j \sin \omega t$ [b] $\gamma = \sin \omega t - j \cos \omega t$ [c] $\gamma = \sin \omega t + j \cos \omega t$
 [d] $\gamma = \cos \omega t + j0$ [e] $\gamma = \cos \omega t + j1$ [f] $\gamma = \cos 2\omega t + j \sin 2\omega t$

提出

再来週のこの授業開始時、11/29(水) 11:00 に提出すること。正当な理由で提出できない者は、相談のうえ事前に提出することを認める。本紙にグラフを添付し、提出すること。

²(4) 式と (6) 式の両辺を微分したのも同値となる。余裕があればやってみよ。ただし、 $\theta = \omega t, \alpha, \beta$ とも時間変化するので、その積を微分する際には注意。